

Instituto de Matemática - IM/UFRJ Cálculo Diferencial e Integral 2 2023.2 - MAC128



- 13 de dezembro de 2023

TEMPO DE PROVA: 2h.

Justifique todas as suas respostas e apresente seus cálculos.

Questão 1 (2.5 pontos):

Calcule a solução da equação y'' - 2y' + y = x que satisfaz as seguintes condições iniciais: y(0) = 3 e y'(0) = 1.

Questão 2 (2.5 pontos):

Dadas as superfícies: $x^2 + y^2 = 16$ e x + z = 5.

- (a) Classifique-as.
- (b) Parametrize a curva σ obtida pela interseção das superfícies.
- (c) Encontre a reta tangente à curva σ no ponto P = (0, 4, 5).

Questão 3 (2.5 pontos):

Calcule o limite, se existir, ou mostre que o limite não existe.

a)
$$\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{x^2+y^2}{\sqrt{x^2+y^2+1}-1}$$

b)
$$\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{xy(x-y)}{x^4+y^4}$$

Questão 4 (2.5 pontos):

Determine os pontos de máximo e mínimo absolutos e os respectivos valores extremos da função $f(x,y) = x^2 + y^2$ definida no conjunto

$$D = \{(x,y); (x-2)^2 + (y-2)^2 = 1\}.$$